

### Задание:

- Изучить теорию §43 (<https://pdf.11klasov.net/3072-algebra-i-nachala-matematicheskogo-analiza-10-11-klassy-bazovyy-i-uglublennyy-urovni-alimov-ash-kolyagin-yum-i-dr.html> качать 2016 год);
- Видео по теме: <https://yandex.fr/video/preview/8130104587922404562>;
- Написать краткий конспект (можно с лекции ниже или с учебника);
- Решить №750, 753 – нечетные пункты.
- По вопросам обращаться 072-1098278 или [hvastov@rambler.ru](mailto:hvastov@rambler.ru)
- Фотоотчёт конспекта прислать в течении 3 дней со дня получения задания на [hvastov@rambler.ru](mailto:hvastov@rambler.ru)

### Обратные тригонометрические функции.

#### Перечень вопросов, рассматриваемых в теме

- Свойства арксинуса и арккосинуса;
- Свойства арктангенса и арккотангенса;
- Расположение промежутков монотонности;
- Наибольшее и наименьшее значение функции;
- Применять знания при решении задач.

#### Глоссарий по теме

**Арксинус** ( $y = \arcsin x$ ) – это функция, обратная к синусу ( $x = \sin y$ ). Он имеет область определения  $-1 \leq x \leq 1$  и множество значений  $-\frac{\pi}{2} \leq y \leq \frac{\pi}{2}$ .

**Арккосинус** ( $y = \arccos x$ ) – это функция, обратная к косинусу ( $x = \cos y$ ). Он имеет область определения  $-1 \leq x \leq 1$  и множество значений  $0 \leq y \leq \pi$ .

**Арктангенс** ( $y = \operatorname{arctg} x$ ) – это функция, обратная к тангенсу ( $x = \operatorname{tg} y$ ). Он имеет область определения  $-\infty < x < +\infty$  и множество значений  $-\frac{\pi}{2} < y < \frac{\pi}{2}$ .

**Арккотангенс** ( $y = \operatorname{arctctg} x$ ) – это функция, обратная к котангенсу ( $x = \operatorname{ctg} y$ ). Он имеет область определения  $\infty < x < +\infty$  и множество значений  $0 < y < \pi$ .

Рассмотрим свойства функции  $y = \arcsin x$  и построим ее график.

**Арксинус** ( $y = \arcsin x$ ) – это функция, обратная к синусу ( $x = \sin y$ ).

| Свойства                | Функции $y = \arcsin x$                   |
|-------------------------|---|
| $E(f)$                  | $-1 \leq x \leq 1$                        |
| $D(f)$                  | $-\frac{\pi}{2} < y < \frac{\pi}{2}$      |
| Чётность                | Нечётная, т.к. $\arcsin(-x) = -\arcsin x$ |
| Промежутки монотонности | Возрастающая                              |

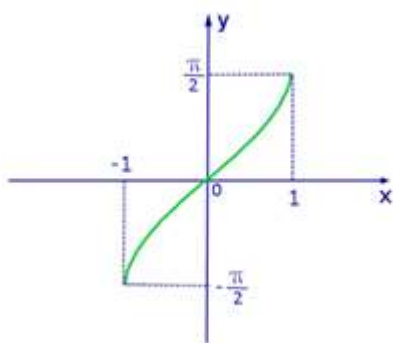


Рис.1 График функции  $y = \arcsin x$

Рассмотрим свойства функции  $y = \arccos x$  и построим ее график.

**Арккосинус** ( $y = \arccos x$ ) – это функция, обратная к косинусу ( $x = \cos y$ ).

|                         |                         |
|-------------------------|-------------------------|
| Свойства                | Функции $y = \arccos x$ |
| $E(f)$                  | $-1 \leq x \leq 1$      |
| $D(f)$                  | $0 \leq y \leq \pi$     |
| Чётность                | Ни чётная, ни нечётная  |
| Промежутки монотонности | Убывающая               |

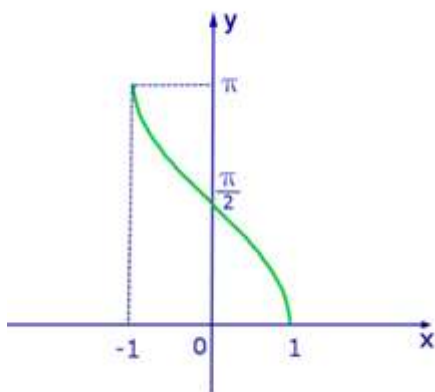


Рис.2 График функции  $y = \arccos x$

Рассмотрим свойства функции  $y = \operatorname{arctg} x$  и  $y = \operatorname{arcctg} x$  и построим их графики.

**Арктангенс** ( $y = \operatorname{arctg} x$ ) – это функция, обратная к тангенсу ( $x = \operatorname{tg} y$ ).

**Арккотангенс** ( $y = \operatorname{arcctg} x$ ) – это функция, обратная к котангенсу ( $x = \operatorname{ctg} y$ ).

|                         |                                   |                               |
|-------------------------|-----------------------------------|-------------------------------|
| Свойства                | $y = \operatorname{arctg} x$      | $y = \operatorname{arcctg} x$ |
| $E(f)$                  | $\mathbb{R}$                      | $\mathbb{R}$                  |
| $D(f)$                  | $(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2})$ | $(0; \pi)$                    |
| Чётность                | Нечётная                          | Нечётная                      |
| Промежутки монотонности | Возрастающая                      | Убывающая                     |

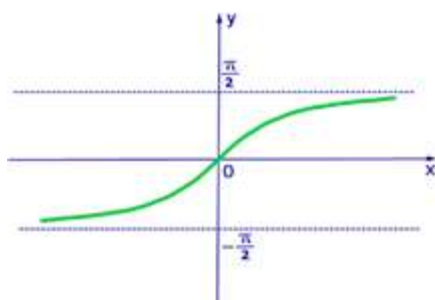


Рис.3 График функции  $y = \operatorname{arctg} x$

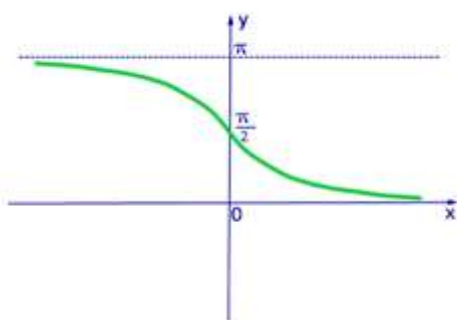


Рис.4 График функции  $y=\text{arctg}x$

**Примеры и разборы решения заданий тренировочного модуля:**

**Пример 1.**

Найдите значение выражения  $\sin(\text{arctg}\sqrt{3})$

Обозначим  $x = \text{arctg}\sqrt{3}$ , по определению арктангенса получаем  $x=60^\circ$ , т.е. нам нужно найти  $\sin\frac{\pi}{3}$

Ответ:  $\sin\frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

**Пример 2.**

Решите неравенство  $3\text{arcsin}2x < 1$

$$3\text{arcsin}2x < 1;$$

$$\text{arcsin}2x < \frac{1}{3};$$

$$\text{arcsin}2x < \text{arcsin}\left(\sin\frac{1}{3}\right);$$

$$\text{arcsin}2x < \text{arcsin}\left(\sin\frac{1}{3}\right);$$

Накладываем ограничения по свойствам арксинуса:

$$-1 \leq 2x < \sin\frac{1}{3};$$

$$-\frac{1}{2} \leq x < \frac{1}{2}\sin\frac{1}{3}$$

Ответ:  $\left[-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}\sin\frac{1}{3}\right)$